

# Suites numériques, démonstration par récurrence et limites

## Programme

### Contenu :

- La suite  $(u_n)$  tend vers  $+\infty$  si tout intervalle de la forme  $[A; \infty[$  contient toutes les valeurs  $u_n$  à partir d'un certain rang. Cas des suites croissantes non majorées. Suite tendant vers  $-\infty$ .
- La suite  $(u_n)$  converge vers le nombre réel  $l$  si tout intervalle ouvert contenant  $l$  contient toutes les valeurs  $u_n$  à partir d'un certain rang.
- Limites et comparaison. Théorèmes des gendarmes.
- Opérations sur les limites.
- Comportement d'une suite géométrique  $(q_n)$  où  $q$  est un nombre réel.
- Théorème admis : toute suite croissante majorée (ou décroissante minorée) converge

### Capacités attendues :

- Établir la convergence d'une suite, ou sa divergence vers  $+\infty$  ou  $-\infty$ .
- Raisonner par récurrence pour établir une propriété d'une suite.
- Étudier des phénomènes d'évolution modélisables par une suite.

### Démonstrations :

- Toute suite croissante non majorée tend vers  $+\infty$ .
- Limite de  $(q_n)$ , après démonstration par récurrence de l'inégalité de Bernoulli.
- Divergence vers  $+\infty$  d'une suite minorée par une suite divergeant vers  $+\infty$ .

### Algorithmes :

- Recherche de seuils.
- Recherche de valeurs approchées de  $\pi$ ,  $e$ ,  $\sqrt{2}$ ,  $1 + \sqrt{52}$ ,  $\ln(2)$ , etc